



معايرة آلة التصوير باستخدام بطريقة التحويل الخطي المباشر

عبد السلام محمد بن نصر

قسم الهندسة الميكانيكية – كلية الهندسة – جامعة مصراتة

المخلص

معايرة آلة التصوير نحتاجها في العديد من التطبيقات الصناعية التي تستخدم الحساسات البصرية، حيث يتم حساب المعاملات الداخلية و الخارجية لآلة التصوير، هناك عدة تطبيقات تحتاج إلى معايرة دقيقة لآلة التصوير للقيام بقياسات سليمة للأجسام الموضوعة داخل مجال آلة التصوير، في هذه الورقة تم توضيح، إحدى طرق معايرة آلة التصوير و التي تعطي درجة عالية من الدقة، و هي تعرف بطريقة التحويل الخطي المباشر، وهذه التقنية تعرف بتقنية بصريات الحاسوب ثلاثية الأبعاد. للحصول على دقة عالية من منظومة القياس فإن الإحداثيات الفراغية الثلاثية الأبعاد لنقاط المعايرة يجب أن تحدد بدقة و كذلك تكون موزعة بالتساوي خلال منطقة المعايرة.

الكلمات المفتاحية: معايرة آلة التصوير، المعاملات الداخلية و الخارجية لآلة التصوير، تقنيات بصريات الحاسوب ثلاثية الأبعاد. التحويل الخطي المباشر.

Abstract

Camera calibration is an important problem for many industrial applications that use visual sensing. Camera calibration involves the calculation of the intrinsic and extrinsic camera parameters. There are many applications that require a precise calibration of the camera in order to achieve an accurate measurements for the objects that placed inside its space. This paper shows, one of the camera calibration techniques that gives high accuracy. This method is called Direct Linear Transformation.

Key words: Camera calibration, intrinsic and extrinsic camera parameters, 3D computer vision, Direct Linear Transformation

1. المقدمة

معايرة آلات التصوير (camera calibration) تعتبر خطوة مهمة و أساسية عند التعامل مع تقنيات بصريات الحاسوب (computer vision)، حيث تطلب استخلاص معلومات ثلاثية الأبعاد من صورة ذات بعدين [2,1]، المعايرة الصحيحة لآلة التصوير تساعد على الحصول على معلومات مترية ثلاثية الأبعاد من الصورة. لاستخدام آلة التصوير في استخلاص المعلومات ثلاثية الأبعاد للمشهد (Scene) يوجد طريقتين، الأولى تعرف بـ stereovision شكل (1) و الثانية بمعايرة الآلة (Camera calibration). stereovision هي عملية يتم فيها استخلاص معلومات ثلاثية الأبعاد من الصور باستخدام آلي تصوير موضوعتين على مسافة بينهما و باستخدام طريقة التثليث (triangulation) يمكن إيجاد إحداثيات ثلاثية



الأبعاد للمشاهد [4,3] و في حالة تزايد متطلبات الدقة فإن هذه الطريقة تكون غير كافية [5]. أما بالنسبة لطريقة معايرة الآلة فهي عبارة عن نموذج رياضي يمكن أن يستخدم لإيجاد الإحداثيات الفراغية الثلاثية الأبعاد (3D world coordinates) من صورتين ثنائية البعد أو أكثر، الحلول الحسابية (Algorithm) لعملية المعايرة هذه تبدأ من حل معدلات خطية إلى استخدام طرق أكثر تطوراً وأكثر تعقيداً.

هناك متطلبات مختلفة عند معايرة آلة التصوير فمثلاً في حالة تطبيقات الرجل الآلي (Robotics Applications) فإن عملية المعايرة يجب أن تكون سريعة و أوتوماتيكية بينما في حالة القياسات (Metrology) فإن الدقة تكون أكثر أهمية [6]. معايرة آلة التصوير هي خطوة ضرورية في تقنية بصريات الحاسوب ثلاثية الأبعاد للحصول على معلومات مترية من الصور ذات البعدين [7].

الغرض من عملية المعايرة هذه هو إنشاء علاقة بين إحداثيات الفراغ ثلاثي الأبعاد و الإحداثيات المكافئة لها للصورة ذات البعدين، حالما يتم ضبط هذه العلاقة فإنه يمكن الحصول على معلومات ثلاثية الأبعاد من المعلومات ذات البعدين و العكس صحيح [8]. إحدى الطرق الشائعة لاستخلاص المعلومات ثلاثية الأبعاد من الصور هي بالتقاط صورتين للمشاهد باستخدام آلي تصوير موضوعتين على مسافة بينهما، و باستخدام نقطة معينة في إحدى هاتين الصورتين و التي تكافؤها في الصورة الأخرى تعطيان معلومات ثلاثية الأبعاد، أو خيار آخر يمكن أن تتم العملية بالنقاط صورتين أو أكثر للمشاهد من آلة تصوير متحركة [9].

معايرة آلات التصوير في بيئة بصريات الحاسوب ثلاثية الأبعاد هي عملية يتم فيها تحديد الأبعاد الهندسية الداخلية لآلة التصوير (internal camera geometric) و مواصفاتها البصرية (Optical characteristics) و تسمى المعاملات الداخلية (Intrinsic parameters) و كذلك تحديد الموضع ثلاثي البعد لإطار آلة التصوير (camera frame) بالنسبة للإحداثي الفراغي (world coordinate system) و هذه تسمى المعاملات الخارجية [10] (extrinsic parameters). و هذه العملية تعتبر الخطوة الأولى في بيئة تقنية الحاسوب ثلاثية الأبعاد و التي يعتمد عليها اعتماداً أساسياً أداء منظومة بصريات الحاسوب.

2. لماذا نحتاج إلى معايرة آلات التصوير

من أهم أهداف بصريات الحاسوب ثلاثية الأبعاد هو إيجاد موقع الأشياء في الطبيعة (real space)، حيث يتم قياس كل شيء في الطبيعة بوضع إطار مرجعي يسمى الإطار المرجعي الفراغي (world reference frame)، بينما الأشياء في الصور تقاس بناء على إحداثيات البكسل و التي موجودة في إطار الصورة (Image reference frame)، و لأننا نعرف المسافة بين البكسل و الآخر في الصورة و لا نعرف المسافة بين البكسل و الآخر في الواقع، لذلك يجب أن نجد بعض المعادلات الرياضية التي تربط ما بين الإطار المرجعي الفراغي و الإطار المرجعي للصورة، لكي نحصل على علاقة ما بين إحداثيات النقاط في الطبيعة ذات الثلاثة أبعاد و إحداثيات النقاط في الصورة ذات البعدين.

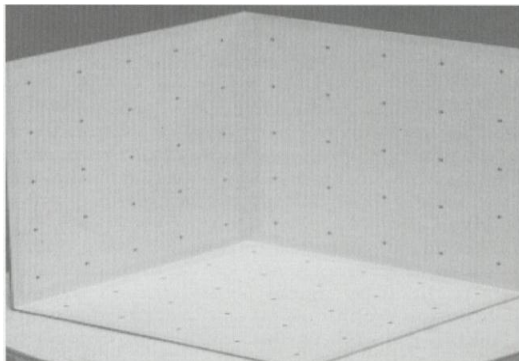
الصعوبة هي أننا لا نستطيع الحصول على العلاقة بين هذين الإطارين مباشرة، و لربط هذين الإطارين ببعضهما نحتاج إلى إطار ثالث يسمى الإطار المرجعي لآلة التصوير (Image reference frame)، الفكرة الأساسية هي إيجاد معادلة تربط الإطار المرجعي لآلة التصوير بالإطار المرجعي للصورة و معادلة أخرى تربط الإطار المرجعي الفراغي بالإطار المرجعي لآلة التصوير، حل هذه المعادلات ينتج عنه العلاقة التي نبحث عنها [7].

المشكلة في معايرة آلة التصوير هو حساب معاملات آلة التصوير الخارجية و الداخلية (extrinsic and intrinsic parameters). المعاملات الخارجية هي المعاملات التي تعرف موقع و اتجاه الإطار المرجعي لآلة التصوير بالنسبة للإطار المرجعي الفراغي أو الواقعي (WRF)، و المعاملات الداخلية هي المعاملات التي نحتاجها لربط إحداثيات البكسل للنقاط في الصورة مع النقاط المكافئة لها في الإطار المرجعي للصورة [7]. القياس المباشر لهذه المعاملات تقنياً مستحيلاً، و لهذا السبب هذه المعاملات تحسب بطريقة غير مباشرة [11]، معايرة آلة التصوير هي طريقة غير مباشرة لقياس المعاملات الخارجية و الداخلية لآلة التصوير.

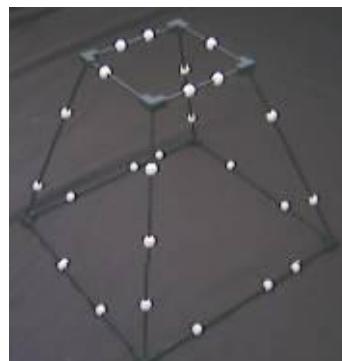
3. أدوات المعايرة (Calibration objects)

اختيار حجم و شكل أداة المعايرة يعتمد على نوع الاستخدام، و يمكن أن تكون أداة المعايرة مصممة خصيصاً لأداء غرض محدد أو أن تكون مصنعة مسبقاً، الأشكال (2-4) تبين بعض من أدوات المعايرة.

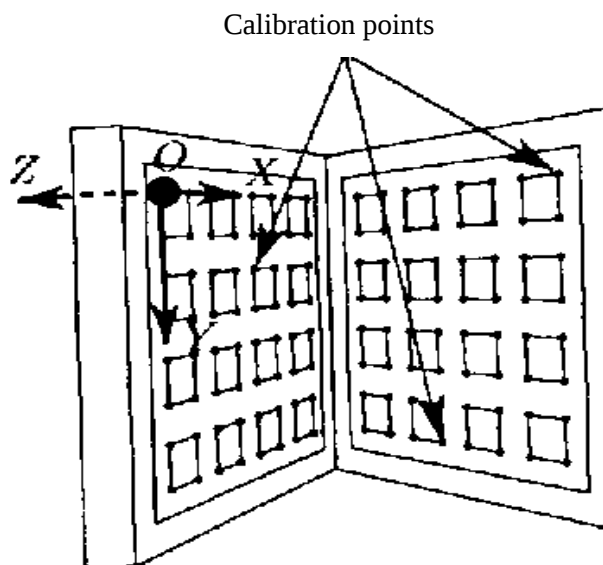
الأبعاد الهندسية للجسم المستخدم كأداة معايرة يجد أن تكون مقاسة بدقة عالية، الإحداثيات الثلاثية الأبعاد لأداة المعايرة يمكن إيجادها باستخدام بعد الأدوات الخاصة مثل جهاز قياس الزوايا أو ما يعرف (theodolites) [2] أو عن طريق آلة قياس الإحداثيات (Coordinate Measurement Machine).



شكل 3 أداة معايرة علي شكل مكعب مفتوح نقد
المعايرة هي النقاط السوداء [11]



شكل 2 أداة معايرة علي شكل إطار [11]
نقاط المعايرة هي الدوائر البيضاء



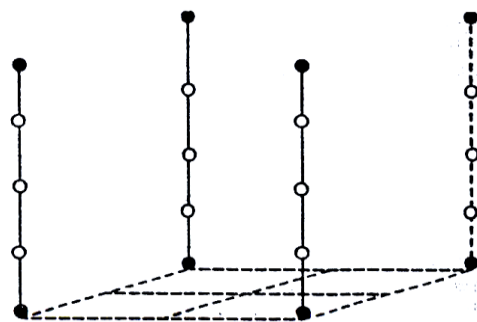
شكل 4 لوحان متعامدان ، نقاط المعايرة هي زوايا المربعات لصغيرة [2]

بناء علي الغرض من عملية القياس فان نقاط المعايرة يمكن أن تكون صمام ثنائي يبعث أشعة تحت الحمراء (LED) أو نقاط عاكسة للضوء الساقط عليها [12].

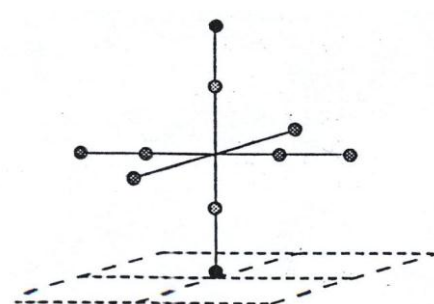
4. تشكيلة نقاط المعايرة (Distribution of calibration points)

توزيع نقاط المعايرة له أثر على الدقة الناتجة من عملية المعايرة. CHALLIS, J.H. and KERWIN [13] اختبرا خمس تشكيلات مختلفة لنقاط المعايرة لمعرفة تأثير شكلية توزيع نقاط المعايرة علي دقة النتائج، التوزيعات موضحة في الأشكال من 5 إلي 9.

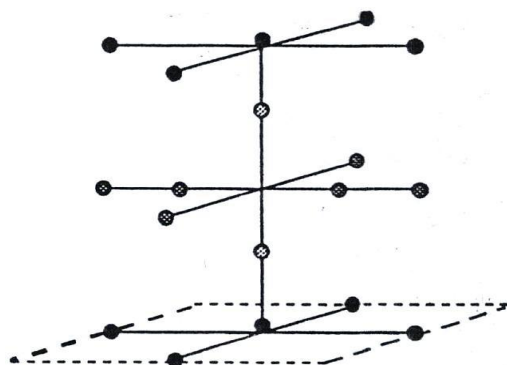
النتائج أظهرت أن التشكيلتين 1 و 4 أعطيتا دقة أقل بينما باقي التشكيلات كانت لها نتائج متشابهة، التشكيلة 1 و التي تحتوي فقط علي ثمانية نقاط أعطت نتائج شبيهة بالتشكيلة 5، بالرغم من أن التشكيلة رقم 5 لها عدد من نقاط المعايرة أكثر من أربعة أضعاف موزعة علي محيط الشكل، هذه النتائج توضح أنه من المهم أن توزع نقاط المعايرة حول المنطقة التي ستتم بها القياسات و ليس داخلها. كما وُجد أن أفضل نتائج بصورة عامة يتم الحصول عليها عندما تتوزع نقاط المعايرة بالتساوي في كامل منطقة المعايرة. LEROUX, M. وآخرون [14] استنتجوا أن زيادة عدد نقاط المعايرة يؤدي إلي زيادة غير مذكورة في درجة الدقة.



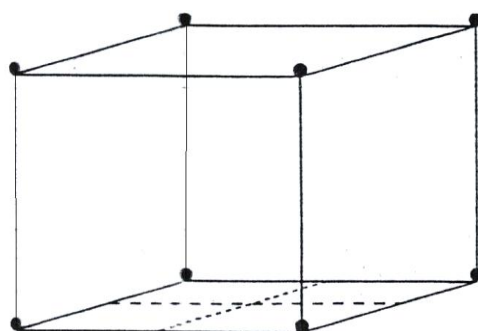
شكل 6 نقاط المعايرة تشكيلة 2



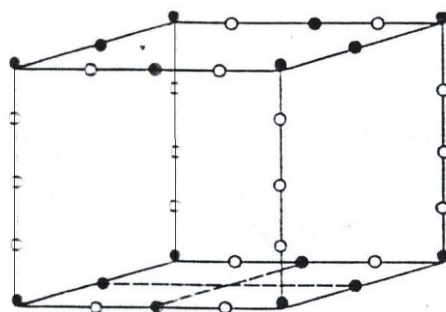
شكل 5 نقاط المعايرة تشكيلة 1



شكل 8 نقاط المعايرة تشكيلة 4



شكل 7 نقاط المعايرة تشكيلة 3



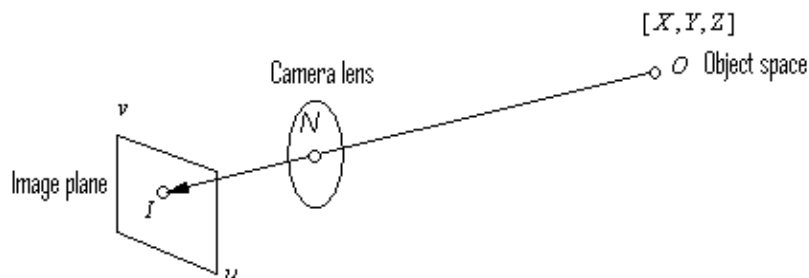
شكل 9 نقاط المعايرة تشكيلة 5

5. معايرة آلة التصوير باستخدام طريقة التحويل الخطي المباشر (Direct Linear Transformation) (DLT)

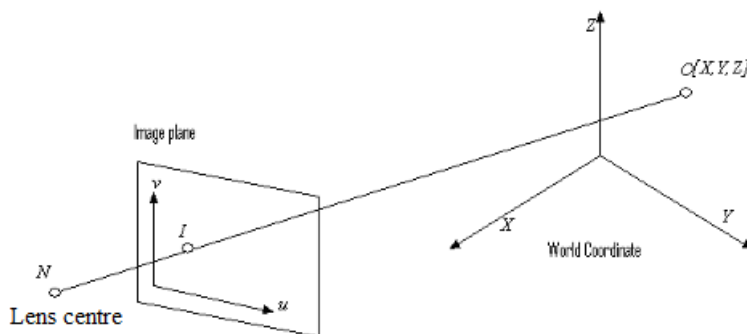
طريقة التحويل الخطي المباشر هي أكثر الطرق الشائعة المستخدمة لاستخراج إحداثيات ثلاثية الأبعاد من صورتين أو أكثر [15,14]. هذه الطريقة بداية اقترحها كلا من (Abdel-Aziz and Karara , 1971) [16] ثم تم تحسينها بواسطة (Hatze, 1988) [17] و (Gazzani, 1993) [18]، و كذلك أعطت نتائج دقيقة ولها مرونة عند وضع آلة التصوير [19].

6. التحليل الرياضي لطريقة DLT

من شرط العلاقة الخطية نجد أن الإحداثيات الفراغية للجسم (O) وإحداثيات الصورة للجسم (I) يقعان على نفس الخط ، و الذي يمر خلال المركز البؤري للعدسة (N) كما يوضح الشكل (10). باستخدام مبدأ العلاقة الخطية من الممكن إعادة إسقاط الصورة إلى الخلف خلال مركز العدسة إلى مستوي جديد يقع أمام العدسة، الغرض من هذا الإسقاط هو التخلص من الصورة المقلوبة. الشكل (11) يوضح الإطار المرجعي الفراغي للجسم (O) والإطار المرجعي لمستوي الصورة الجديد [u,v]. الإحداثيات الفراغية للنقطة (O) هي [X,Y,Z] و [u,v] هي إحداثيات النقطة (I).

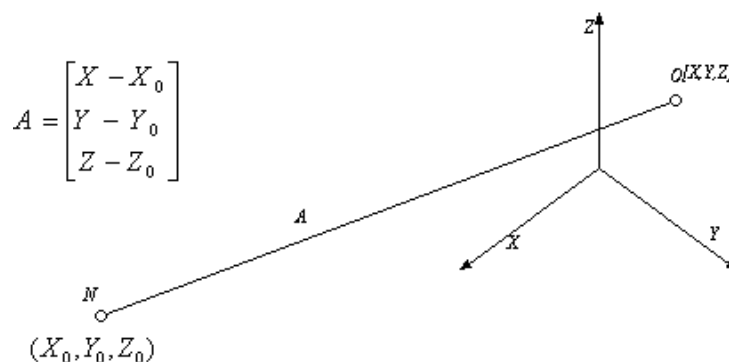


شكل 10 شرط العلاقة الخطية



شكل 11 الإطار المرجعي الفراغي للجسم (O) والإطار المرجعي لمستوي الصورة الجديد [u,v]

بما أن النقطتين (O) و (I) تقعان على استقامة واحدة، فيمكن فرض إحداثيات النقطة (N) هي (X_0, Y_0, Z_0) و المتجه A يمكن تمثيله بالإحداثيات $(X - X_0, Y - Y_0, Z - Z_0)$ أنظر الشكل (12).

شكل 12 فرض إحداثيات النقطة (N) هي (X_0, Y_0, Z_0) و المتجه A

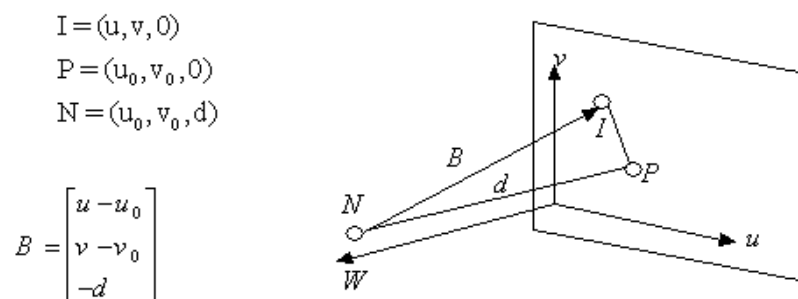
و لكي نجعل إطار مستوي الصورة ثلاث الأبعاد تم إضافة محور ثالث (W)، وفي هذه الحالة قيمة (W) لأي نقطة موجودة علي مستوي الصورة تكون صفراً. لذلك فان الموقع ثلاثي الأبعاد لنقطة (I) يكون $(u, v, 0)$ أنظر الشكل (13).

في الشكل (13) تم إضافة النقطة P (نقطة الأساس) و من N رسم خط عمودي إلي P و موازيا للمحور W، الخط (NP) يسمى محور الأساس و المسافة ما بين P و N تسمى مسافة الأساس.

لدينا النقاط I، O، عند N علي استقامة واحدة، فيكون المتجه A في الشكل (12) و المتجه B في الشكل (13) يمثلان خط مستقيم و العلاقة بينهما ينقن التعبير عنها بالمعادلة التالية:

$$B = cA \quad (1)$$

حيث c يمثل معامل مقياس آلة التصوير (the camera scale factor)



شكل 13 الموقع ثلاثي الأبعاد لنقطة (I)



من الواضح أنه المنتج A معبر عنه في الإطار المرجعي الفراغي و المنتج B في الإطار المرجعي لمستوي الصورة، و من أجل التعبير عن هذين المنتجين بإطار مرجعي مشترك فقد تم تحويل المنتج A إلي الإطار المرجعي لمستوي الصورة باستخدام مصفوفة التحويل التالية:

$$T_{I/O} = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} \end{bmatrix}$$

$$A^{(I)} = T_{I/O} \cdot A^{(O)} = \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} \end{bmatrix} \cdot A^{(O)} \quad (2)$$

حيث

$A^{(I)}$ = المنتج (A) معبر عنه في الإطار المرجعي لمستوي الصورة

$A^{(O)}$ = المنتج (A) معبر عنه في الإطار المرجعي الفراغي للجسم

$T_{I/O}$ = مصفوفة التحويل من لإطار المرجعي الفراغي للجسم إلي الإطار المرجعي لمستوي الصورة بالتعويض بقيمة المنتجين A و B من الشكلين 12 و 13 في المعادلة 2 نتحصل علي:

$$\begin{bmatrix} u - u_0 \\ v - v_0 \\ -d \end{bmatrix} = c \begin{bmatrix} r_{11} & r_{12} & r_{13} \\ r_{21} & r_{22} & r_{23} \\ r_{31} & r_{32} & r_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X - X_0 \\ Y - Y_0 \\ Z - Z_0 \end{bmatrix} \quad (3)$$



أو

$$u - u_0 = c[r_{11}(X - X_0) + r_{12}(Y - Y_0) + r_{13}(Z - Z_0)] \quad (4)$$

$$v - v_0 = c[r_{21}(X - X_0) + r_{22}(Y - Y_0) + r_{23}(Z - Z_0)] \quad (5)$$

$$-d = c[r_{31}(X - X_0) + r_{32}(Y - Y_0) + r_{33}(Z - Z_0)] \quad (6)$$

من المعادلة (6) أعلاه نجد أن:

$$c = \frac{-d}{[r_{31}(X - X_0) + r_{32}(Y - Y_0) + r_{33}(Z - Z_0)]} \quad (7)$$

بالتعويض بقيمة (c) من المعادلة (7) في (3):

$$u - u_o = -d \frac{[r_{11}(X - X_o) + r_{12}(Y - Y_o) + r_{13}(Z - Z_o)]}{[r_{31}(X - X_o) + r_{32}(Y - Y_o) + r_{33}(Z - Z_o)]} \quad (8)$$

$$v - v_o = -d \frac{[r_{21}(X - X_o) + r_{22}(Y - Y_o) + r_{23}(Z - Z_o)]}{[r_{31}(X - X_o) + r_{32}(Y - Y_o) + r_{33}(Z - Z_o)]} \quad (9)$$

لاحظ أن في المعادلتين (8 و 9) قيم u, v, u_0 و v_0 هي إحداثيات مستوي الصورة بالوحدات المعروفة مثل (مم)، و لكن أنظمة آلات التصوير تستخدم وحدات قياس مختلفة مثل البكسل، لذلك نحتاج إلي معامل تحويل لنستخدم وحدة البكسل كوحدة قياس.

$$u - u_o \Rightarrow \lambda_u (u - u_o)$$

$$v - v_o \Rightarrow \lambda_v (v - v_o)$$



$$u - u_0 = \frac{-d [r_{11} (X - X_0) + r_{12} (Y - Y_0) + r_{13} (Z - Z_0)]}{\lambda_u [r_{31} (X - X_0) + r_{32} (Y - Y_0) + r_{33} (Z - Z_0)]} \quad (10)$$

$$v - v_0 = \frac{-d [r_{21} (X - X_0) + r_{22} (Y - Y_0) + r_{23} (Z - Z_0)]}{\lambda_v [r_{31} (X - X_0) + r_{32} (Y - Y_0) + r_{33} (Z - Z_0)]} \quad (11)$$

حيث λ_u, λ_v معامل التحويل للمحورين u و v

بإعادة ترتيب المعادلتين (10 و 11) نتحصل على معدلات التحويل الخطي المباشر (DLT) ، التي وضعها كلا من (Abdel-Aziz and Karara in 1971)

$$u = \frac{L_1 X + L_2 Y + L_3 Z + L_4}{L_9 X + L_{10} Y + L_{11} Z + 1} \quad (12)$$

$$v = \frac{L_5 X + L_6 Y + L_7 Z + L_8}{L_9 X + L_{10} Y + L_{11} Z + 1} \quad (13)$$

حيث

$$L_1 = \frac{u_0 r_{31} - d_u r_{11}}{D}, \quad L_2 = \frac{u_0 r_{32} - d_u r_{12}}{D}, \quad L_3 = \frac{u_0 r_{33} - d_u r_{13}}{D},$$

$$L_4 = \frac{(d_u r_{11} - u_0 r_{31})X_0 + (d_u r_{12} - u_0 r_{32})Y_0 + (d_u r_{13} - u_0 r_{33})Z_0}{D},$$

$$L_5 = \frac{v_0 r_{31} - d_v r_{21}}{D}, \quad L_6 = \frac{v_0 r_{32} - d_v r_{22}}{D}, \quad L_7 = \frac{v_0 r_{33} - d_v r_{23}}{D},$$

$$L_8 = \frac{(d_v r_{21} - v_0 r_{31})X_0 + (d_v r_{22} - v_0 r_{32})Y_0 + (d_v r_{23} - v_0 r_{33})Z_0}{D}, \quad L_9 = \frac{r_{31}}{D},$$

$$L_{10} = \frac{r_{32}}{D}, \quad L_{11} = \frac{r_{33}}{D}$$

$$[d_u, d_v] \equiv \left[\frac{d}{\lambda_u}, \frac{d}{\lambda_v} \right]$$

$$D \equiv (X_0 r_{31} + Y_0 r_{32} + Z_0 r_{33})$$



المعاملات $(L_1 - L_{11})$ أعلاه هي معاملات (DLT) و التي تعكس العلاقة ما بين الإطار المرجعي الفراغي و الإطار المرجعي لمستوي الصورة.
 بإعادة ترتيب المعادلتين (12 و 13) المعادلة التالية يمكن استخلاصها

$$\begin{bmatrix} L_1 \\ L_2 \\ L_3 \\ L_4 \\ L_5 \\ L_6 \\ L_7 \\ L_8 \\ L_9 \\ L_{10} \\ L_{11} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} X & Y & Z & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -uX & -uY & -uZ \\ 0 & 0 & 0 & 0 & X & Y & Z & 1 & -vX & -vY & -vZ \end{bmatrix}$$

إذا كان لدينا ست نقاط معايرة أو أكثر معلومة إحداثياتها في الفراغ (Z, Y, X) ، و كذلك إحداثيات الصورة المكافئة لها (v, u) ، فإنه يمكن إيجاد المعاملات لأن لدينا عدد 12 من المعادلات أو أكثر (إثنان لكل نقطة معايرة) و عدد المجاهيل 11، هذا يتم اجراءه لكل آلة تصوير.
 عند الحصول على المعاملات لألتي تصوير أو أكثر موضوعتين علي مسافة بينهما، فإن الأبعاد الفراغية (X, Y, Z) لأي جسم موضوع داخل منطقة المعايرة يمكن حسابها لوجود أربعة معادلات أو أكثر و ثلاثة مجاهيل (Z, Y, X) .

6. الخلاصة

معايرة آلة التصوير هي خطوة ضرورية في بيئة بصريات الحاسوب، نحتاج لمعايرة آلة التصوير للحصول على المعاملات التي تربط الإحداثيات الفراغية الثلاثية الأبعاد بإحداثيات الصورة ثنائية الأبعاد. هناك عدة طرق لحساب هذه المعاملات.
 في هذه الورقة تم توضيح إحدى طرق معايرة آلة التصوير و هي طريقة التحويل الخطي المباشر (DLT) و التي تتضمن فقط حل معادلات خطية و فيها لا نحتاج إلى معرفة إحداثيات موضع آلات التصوير.
 للحصول على دقة عالية من منظومة القياس فإن الإحداثيات الفراغية الثلاثية الأبعاد لنقاط المعايرة يجب أن تحدد بدقة و كذلك تكون موزعة بالتساوي خلال منطقة المعايرة.

7. المراجع

- [1] SALVI, J., ARMANGUÉ, X. and BATLLE, J., 2002. A comparative review of camera calibrating methods with accuracy evaluation. Pattern Recognition, **35**(7), pp. 1617-1635.
- [2] ROBERT, L., 1996. Camera Calibration without Feature Extraction. Computer Vision and Image Understanding, **63**(2), pp. 314-325.



- [3] ORTEU, J., 3-D computer vision in experimental mechanics. *Optics and Lasers in Engineering*, In Press, Corrected Proof.
- [4] EFFORD, N., 2000. Digital image processing : a practical introduction using Java. Harlow: Addison-Wesley.
- [5] WÜRZ-WESSEL, A., 2003. Free formed surface mirrors in computer vision systems.
- [6] HEIKKILA, J., 2000. Geometric camera calibration using circular control points. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, **22**(10), pp. 1066-1077.
- [7] ZHENGYOU, Z., 2000. . A Flexible New Technique for Camera Calibration. *IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence*, **22**(11), pp. 1330-1334.
- [8] LUONG, Q.-. and FAUGERAS, O.D., 1992. Self-Calibration Of A Camera Using Multiple Images. *International Conference On Pattern Recognition*,
- [9] HEIKKILA, J. and SILVEN, O., 1997. A Four-Step Camera Calibration Procedure with Implicit Image Correction. *Proceedings*, , pp. 1106.
- [10] ZEHANG, S and CHRISTIAN R., 2001. Internship with UNR & Ford Motor Company.
- [11] KLETTE, R., KARSTEN, S. and ANDREAS, K., 1998. Computer Vision: three-Dimension Data from Images .Singapore: Spring-Verlag Singapore Pte.ltd .
- [12] STURMAN, D.J. and ZELTZER, D., 1994. A Survey of Glove-based Input. Clumsy intermediary devices constrain our interaction with computers and their applications. *Glove-based input devices let us apply our manual dexterity to the task. IEEE computer graphics and applications.*, **14**(1), pp. 30 .
- [13] CHALLIS, J.H. and KERWIN, D.G., 1992. Accuracy assessment and control point configuration when using the DLT for photogrammetry. *Journal of Biomechanics*, **25**(9), pp. 1053-1058 .
- [14] CHEN, L., ARMSTRONG, C., RAFTOPOULOS, D. 1992, An investigation on the accuracy of 3-dimensional space reconstruction using the direct linear transformation technique, *Journal of Biomechanics*, Volume 27 ‘Issue 4, April 1994, Pages 493-500
- [15] LEROUX, M., ALLARD, P., MURPHY, N. and AMERICAN SOCIETY OF BIOMECHANICS, 1990. Accuracy and Precision of the Direct Linear Transformation Technique (DLT) in Very Close Range Photogrammetry with Video Cameras. *PROCEEDINGS OF THE ANNUAL MEETING- AMERICAN SOCIETY OF BIOMECHANICS*, , pp . 203-204 .
- [16] HINRICHS, R.N. and MCLEAN, S.P., 1995. NLT and extrapolated DLT: 3-D cinematography alternatives for enlarging the volume of calibration. *Journal of Biomechanics*, **28**(10), pp. 1219-1223 .
- [17] ABDEL-AZIZ, Y.I. and KARARA, H.M., 1971. Direct linear transformation from comparator coordinates into object space coordinates in close-range photogrammetry. *Proceedings of the Symposium on Close-Range Photogrammetry*, , pp. 1-18 .
- [18] HATZE, H., 1988. High-precision three-dimensional photogrammetric calibration and object space reconstruction using a modified DLT-approach. *Journal of Biomechanics*, **21**, pp. 533-538 .



- [19] GAZZANI, F., 1993. Comparative assessment of two algorithms for calibrating stereophotogrammetric systems. *Journal of Biomechanics*, 26(12), pp. 1449-1454 .
- [20] Pourcelot, P., Audigie, F., Degueurce, C., Geiger, D. And Denoix, J.M., 2000. A method to synchronise cameras using the direct linear transformation technique. *Journal of biomechanics.*, 33(12), pp. 1751.